

Chapter - 14

प्रायिकता

Date:

P. No:

formula :-

① कुल परिणामों की संख्या
घटना (E)

घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या
घटना के घटित होने की प्रायिकता $P(E) =$

$$\frac{\text{अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल परिणामों की संख्या}}$$

उदा. 1

कुल परिणामों की संख्या = $\{H, T\} = 2$
घटना (E) = चित्त आने की घटना
घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या = $\{H\} = 1$

घटना के घटित होने की प्रायिकता $P(E) =$
अनुकूल परिणामों की संख्या
कुल परिणामों की संख्या

$$P(E) = \frac{1}{2}$$

② घटना (E) = पट आने की घटना
घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या = $\{T\} = 1$

घटना के घटित होने की प्रायिकता $P(E) =$
अनुकूल परिणामों की संख्या
कुल परिणामों की संख्या

$$P(E) = \frac{1}{2}$$

उदा 02

(i) कुल परिणामों की संख्या = $174 + 18 + 3 = 3$
घटना (E_1) = पीली गेंद आने की घटना
घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या = 1

∴ घटना वाली गेंद आने की
प्रायिकता $P(E_1) = \frac{\text{घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल परिणामों की संख्या}}$

$$P(E_1) = \frac{1}{3}$$

(ii) घटना (E_2) = लाल गेंद आने की घटना
घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या = 1

∴ लाल गेंद आने की प्रायिकता $P(E_2)$

$$= \frac{\text{घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल परिणामों की संख्या}}$$

$$P(E_2) = \frac{1}{3}$$

(iii) घटना (E_3) = नीली गेंद आने की घटना
घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या = 1

∴ नीली गेंद आने की प्रायिकता $P(E_3)$

घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या
कुल परिणामों की संख्या

$$P(E_3) = \frac{1}{3}$$

उदा 03

कुल परिणामों की संख्या = $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\} = 6$

① घटना $(E_1) = 4$ से बड़ी संख्या प्राप्त होने की घटना
घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या $\{5, 6\}$

$\therefore 4$ से बड़ी संख्या प्राप्त होने की प्रायिकता $P(E_1) = \frac{\text{घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल परिणामों की संख्या}}$

$$P(E_1) = \frac{2}{6}$$

$$P(E) = \frac{1}{3}$$

② घटना $(E_2) = 4$ या 4 से छोटी संख्या प्राप्त होने की घटना

घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या =

$$\{1, 2, 3, 4\} = 4$$

∴ 4 मा 4 से छोटी संख्या प्राप्त होने की प्रायिकता $P(E_2) =$

$$\frac{\text{अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल परिणामों की संख्या}}$$

$$P(E_2) = \frac{4}{6}$$

$$P(E_2) = \frac{2}{3}$$

उदा० कुल परिणामों की संख्या = 52 घटना (E₁) = निकाला गया पत्ता

① एक इक्का होने की घटना घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या = 4

∴ निकाला गया पत्ता इक्का होने की प्रायिकता $P(E_1) = \frac{\text{अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल परिणामों की संख्या}}$

$$P(E_1) = \frac{4}{52}$$

$$P(E_1) = \frac{1}{13}$$

⑪ घटना (E_2) = निकाला गया पत्ता 2 वटा न होने की घटना

प्रामाणिकता $\therefore P(\bar{E}) = 1 - P(E)$

$$P(\bar{E}) = 1 - \frac{1}{13}$$

$$= P(\bar{E}) = \frac{13-1}{13}$$

$$= P(\bar{E}) = \frac{12}{13}$$

Ques-

संगीत के मैच जीतने की प्रायिकता $P(E) = 0.62$
रेशमा के मैच जीतने की प्रायिकता =

संगीत के मैच जीतने की प्रायिकता

$$P(\bar{E}) = ?$$

$$\therefore P(\bar{E}) = 1 - P(E)$$

$$P(\bar{E}) = 1 - 0.62$$

Ques 06 कुल परिवारों की संख्या = 365

① घटना (E) = दोनो का जन्मदिन मिन-व-मिनट होने की घटना

घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या = 364

घेनो का जन्मदिन भिन्न-भिन्न होने की प्रायिकता $P(E_1) = \frac{\text{अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल परिणामों की संख्या}}$

$$P(E_1) = \frac{364}{365}$$

(ii) घेनो का जन्मदिन एक ही दिन होने की प्रायिकता $P(E_2) = \frac{1}{365}$

$$\Rightarrow P(\bar{E}) = 1 - P(E)$$

$$\Rightarrow P(\bar{E}) = 1 - \frac{364}{365}$$

$$P(\bar{E}) = \frac{365 - 364}{365}$$

$$P(\bar{E}) = \frac{1}{365}$$

उदा० कुल परिणामों की संख्या = 40

(i) घटना (E_1) = निकाली गई परची पर लड़का का नाम होने की घटना

घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या = 25

निकाली गई पक्षी पर लडकी का नाम होने की प्रायिकता

$$P(E_1) = \frac{\text{अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल परिणामों की संख्या}}$$

$$P(E_1) = \frac{25}{40}$$

$$P(E_1) = \frac{5}{8}$$

(II) घटना (E_2) = लडके के नाम की पक्षी होने की घटना

घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या = 15

निकाली गई पक्षी पर लडके का नाम होने की प्रायिकता

$$P(E_2) = \frac{\text{अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल परिणामों की संख्या}}$$

$$P(E_2) = \frac{15}{40}$$

$$P(E_2) = \frac{3}{8}$$

कुल कुंजे = 3 नीले + 2 सफेद + 4 लाल = 9
कुल परिणामों की संख्या = 9

(I) घटना (E_1) = सफेद कुंजा होने की घटना

घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या = 2

∴ सफेद कूचा होने की प्रायिकता

$$P(E_1) = \frac{\text{अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल परिणामों की संख्या}}$$

$$P(E_1) = \frac{2}{9}$$

(ii) घटना (E_2) = नीला कूचा होने की घटना
घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या = 3

∴ नीला कूचा होने की प्रायिकता

$$P(E_2) = \frac{\text{घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल परिणामों की संख्या}}$$

$$P(E_2) = \frac{3}{9}$$

$$P(E_2) = \frac{1}{3}$$

(iii) घटना (E_3) = लाल कूचा होने की घटना

घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या = 4

$$\therefore \text{लाल कूचा होने की प्रायिकता} \\ = \frac{\text{अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल परिणामों की संख्या}} P(E_3)$$

$$P(E) = \frac{4}{9}$$

उदा०१ कुल परिणामों की संख्या : {HH, HT, TH, TT} = 4
घटना (E) = चिह्न आने की घटना
घटना के अनुकूल परिणामों की संख्या :

$$\{HH, TH, HT\} = 3$$

∴ चिह्न प्राप्त होने की प्रायिकता $P(E) =$

अनुकूल परिणामों की संख्या

कुल परिणामों की संख्या

$$P(E) = \frac{3}{4}$$