

पर नावली 3.3

① निम्न समीकरणों के गुण को विलोपन विधि तथा प्रतिस्थापन विधि से हल कीजिए?

$$\begin{aligned} \text{(i)} \quad & 2x + y = 5 \\ & x + 2y = 4 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{हल} \quad & 2x + y = 5 \quad \text{--- (i)} \\ & x + 2y = 4 \quad \text{--- (ii)} \end{aligned}$$

समी. (i) से (ii) का गुणा व समी. (ii) में (i) एक का गुणा करने पर

$$\begin{aligned} 2x + 2y &= 10 \\ 2x - 3y &= 4 \\ \hline & \quad \quad \quad - \end{aligned}$$

घटने पर

$$5 = 6$$

$$\boxed{y = \frac{6}{5}}$$

y का मान समी. (i) में रखने पर

$$2x + y = 5$$

$$2x + \frac{6}{5} = 5$$

$$2x = 5 - \frac{6}{5}$$

$$x = \frac{25 - 5}{5}$$

$$x = \frac{19}{5}$$

अतः $x = \frac{19}{5}, y = \frac{6}{5}$

(ii) $3x + 4y = 10$
 $2x - 2y = 2$

हल $3x + 4y = 10$ — (i)
 $2x - 2y = 2$ — (ii)

समी 1 में 2 का गुणा व ② में 3 का गुणा करने पर

$$6x + 8y = 20$$

$$6x - 6y = 6$$

$$- + -$$

घटने पर

$$14y = 14$$

$$y = \frac{14}{14}$$

$$y = 1$$

$$y = 1$$

y का मान समी ① में रखने पर

$$3x + 4y = 10$$

$$3x + 4 \times 1 = 10$$

$$3x + 4 = 10$$

$$3x = 10 - 4$$

$$3x = 6$$

$$x = \frac{6}{3} = 2$$

$$\boxed{x = 2}$$

अतः $x = 2$, $y = 1$

$$(iii) \quad 3x - 5y - 4 = 0 \quad \text{--- (i)}$$

$$9x = 2y + 7 \quad \text{--- (ii)}$$

हम समीकरण (i) में 9 का गुणा व समीकरण (ii) में 3 का गुणा करने पर

$$27x - 45y - 36 = 0$$

$$27x = 6y + 21$$

— + — घटाने पर

$$-45y = -36$$

$$-45y = -36$$

$$y = \frac{-36}{-45} = \frac{4}{5}$$

$$\boxed{y = \frac{4}{5}}$$

7 का मान (ii) से रखने पर

$$\begin{aligned} 3x - 5y &= 4 \\ 3x - 5 \left(\frac{-5}{13} \right) &= 4 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \frac{3x + 25}{13} = 4$$

$$\Rightarrow \frac{3x}{1} = \frac{4 \times 13 - 25}{13}$$

$$\Rightarrow \frac{3x}{13} = \frac{5 - 25}{13}$$

$$\Rightarrow \frac{3x}{13} = \frac{-20}{13}$$

$$x = -20$$

$$x = \frac{9}{13}$$

$$(iv) \frac{x}{2} + \frac{2y}{3} = -1$$

$$x - \frac{y}{3} = 3$$

$$\text{हल } \frac{3x + 4y}{6} = -1$$

$$\Rightarrow 3x + 4y = -1 \times 6$$

$$\Rightarrow 3x + 4y = -6 \quad \text{--- (i)}$$

$$\frac{x}{1} - \frac{y}{3} = 3$$

$$\Rightarrow \frac{3x - y}{3} = 3$$

$$\Rightarrow 3x - y = 3 \times 3$$

$$\Rightarrow 3x - y = 9 \quad \text{--- (2)}$$

समी ① व दो से

$$3x + 4y = -6$$

$$3x - y = 9$$

$$+ \quad -$$

घटने पर

$$5y = -15$$

$$y = \frac{-15}{5}$$

$$[y = -3]$$

y का मान समी ① में रखने पर

$$\Rightarrow 3x + 4y = -6$$

$$\Rightarrow 3x + 4 \times -3 = -6$$

$$\Rightarrow 3x - 12 = -6$$

$$\Rightarrow 3x = -6 + 12$$

$$\Rightarrow 3x = 6$$

$$x = \frac{6}{3}$$

$$[x = 2]$$

$$\text{अतः } x = 2, y = -3$$

प्रश्न 2 निम्न समस्याओं में रेखिक समीकरणों के युग्म बनाएँ और उनके हल (या उनके अस्तित्व) हो विलोपन विधि से ज्ञात कीजिए।

- (i) यदि हम अंश में 1 जोड़ दें तो भाग हर में से 1 घटा दें तो भिन्न 1 में बदली जाती है, यदि हम अंश में 1 जोड़ दें तो भाग हो जाती है, वह भिन्न समा है,

हल माना कि भिन्न $\frac{x}{y}$ है।
प्रश्नानुसार

$$\frac{x+1}{y-1} = 1$$

$$\Rightarrow 1 \cdot (x+1) = 1 \cdot (y-1)$$

$$\Rightarrow x+1 = y-1$$

$$\Rightarrow x-y = -1-1$$

$$\Rightarrow x-y = -2 \quad \text{--- (i)}$$

पुनः प्रश्नानुसार

$$\frac{x}{y+1} = 1$$

$$\Rightarrow 2 \cdot x = 1 \cdot (y+1)$$

$$\Rightarrow 2x = y+1$$

$$\Rightarrow 2x-y = 1 \quad \text{--- (ii)}$$

समीकरण (i) व (ii) से

$$1x-y = -2$$

$$2x-y = 1$$

$$\begin{array}{r} - \\ + \\ - \end{array}$$

घटने पर

$$+M = +3$$

$$[M = 3]$$

M का मान समी ① में रखने पर

$$M - y = -2$$

$$\Rightarrow 3 - y = -2$$

$$\Rightarrow -y = -2 - 3$$

$$\Rightarrow +y = +5$$

$$\Rightarrow [y = 5]$$

अतः भिन्न $= \frac{M}{y} = \frac{3}{5}$

(iii) पाँच वर्ष पूर्व नूरी की आयु सोन की आयु की तीन गुनी थी। ६ वर्ष पश्चात नूरी की आयु सोन की आयु की दो गुनी हो पाएगी। नूरी और सोन की आयु कितनी है?

हल माना कि नूरी की वर्तमान आयु x वर्ष है।
सोन की वर्तमान आयु y वर्ष है।

५ वर्ष पूर्व नूरी की आयु $= (x - 5)$ वर्ष

५ वर्ष पूर्व सोन की आयु $= (y - 5)$ वर्ष

प्रश्नानुसार

$$(x - 5) = 3 \times (y - 5)$$

$$\Rightarrow x - 5 = 3y - 15$$

$$\Rightarrow x - 3y = -15 + 5$$

$$\Rightarrow x - 3y = -10 \quad \text{--- (i)}$$

10 वर्ष बाद नारी की वर्तमान आयु
10 वर्ष बाद सोन की आयु $= (y+10)$ वर्ष

पुनः प्रश्नासार

$$(M+10) = 2 \times (y+10)$$

$$\Rightarrow M+10 = 2y+20$$

$$\Rightarrow M-2y = 20-10$$

$$\Rightarrow M-2y = 10 \quad \text{--- (2)}$$

समी. 1 व 2 से

$$M-3y = -10$$

$$M-2y = 10$$

$$- + -$$

घटने पर

$$+ y = + 20$$

$$\boxed{y=20}$$

y का मान समी. 1 में रखने पर

$$M-3y = -10$$

$$M-3 \times 20 = -10$$

$$M-60 = -10$$

$$M = -10 + 60$$

$$\boxed{M=50}$$

अतः नारी की वर्तमान आयु $M=50$ वर्ष
सोन की वर्तमान आयु $y=20$ वर्ष है।

(iii) दो अंकों की संख्या के अंकों का योग 9 है।
इस संख्या का तीनों गुना संख्या के दो
पलटने से धनी संख्या का दो गुना है।
वह संख्या ज्ञात कीजिए।

हल माना कि इकाई का अंक x है।
व दश के अंक y है।
प्रमानुसार

$$x + y = 9 \quad \text{--- (i)}$$

$$\begin{aligned} \text{मूल संख्या } & x + 10y \\ & = x + 10y \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{अंक पलटने पर प्राप्त संख्या} & = 10x + y \\ & = 10x + y \end{aligned}$$

प्रमानुसार

$$\begin{aligned} 9(x + 10y) & = 2 \times (10x + y) \\ \Rightarrow 9x + 90y & = 20x + 2y \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow 9x - 20x + 90y - 2y & = 0 \\ \Rightarrow -11x + 88y & = 0 \end{aligned}$$

11 से भाग देने पर

$$\Rightarrow -x + 8y = 0 \quad \text{--- (2)}$$

समी ① व ② से

$$\begin{aligned} x + y & = 9 \\ -x + 8y & = 0 \end{aligned}$$

$$9y = 9$$

$$y = \frac{9}{9}$$

$$\boxed{y = 1}$$

y का मान समी ① में रखने पर

$$m + y = 9$$

$$m + 1 = 9$$

$$m = 9 - 1$$

$$m = 8$$

$$\text{अतः मूल्य संरक्षा} = m + 10y$$

$$= 8 + 10 \times 1$$

$$= 8 + 10$$

$$= 18$$

(iv) मीना ₹ 2000 निकालने के लिए एक बैंक गई उसने खपांची से ₹ 50 तथा 100 ₹ के नोट देने के लिए कहा। मीना ने कुल 25 नोट प्राप्त किए हुए कीजिए कि उसने ₹ 50 और ₹ 100 के कितने-कितने नोट प्राप्त किए।

हल माना कि 50 के नोटों की संख्या = x
100 के नोटों की संख्या = y
प्रश्नानुसार कुल नोटों की संख्या = 25

$$x + y = 25 \quad \text{--- (i)}$$

पुनः प्रश्नानुसार

$$50x + 100y = 2000$$

50 से भाग देने पर

$$x + 2y = 40 \quad \text{--- (2)}$$

सी ७ व हो स

$$\begin{array}{r} m + y = 25 \\ m + 2y = 40 \quad \text{घटने पर} \\ \hline -y = -15 \\ y = 15 \end{array}$$

$$\boxed{y = 15}$$

7 का मान समी ७ में रखने पर

$$\begin{array}{r} m + y = 25 \\ m + 15 = 25 \end{array}$$

$$m = 25 - 15$$

$$\boxed{m = 10}$$

अतः

50 रु के नोटों की संख्या $m = 10$

100 रु के नोटों की संख्या $y = 15$

- (v) किराए पर पुस्तक देने वाले किसी पुस्तकालय का प्रथम तीन दिनों का एक निम्न किराया है तथा उसके बाद प्रत्येक अतिरिक्त दिन का अलग किराया है, सारिता ने सात दिनों तक एक पुस्तक रखने के लिए रु 27 का किराया देना पड़ा जिसने एक पुस्तक पाँच दिनों तक रखने की रु 21 का किराया दिया। निम्न किराया तथा प्रत्येक अतिरिक्त दिन का किराया ज्ञात कीजिए?

माना कि 3 दिन का निम्न किराया = 4 रु
तथा प्रतिदिन किराया = 4 रु

प्रश्नानुसार

7 दिन का किराया = 27

$$M + 4y = 27 \text{ ————— (i)}$$

पुनः प्रश्नानुसार

5 दिन का किराया = 21

$$M + 2y = 21 \text{ ————— (ii)}$$

① समी व ② से

$$M + 4y = 27$$

$$M + 2y = 21$$

$$\begin{array}{r} - \quad + \quad - \\ \hline \end{array} \quad \text{घटने पर}$$

$$2y = 6$$

$$y = \frac{6}{2} = 3$$

$$\boxed{y = 3}$$

का मान समी (i) में रखने पर

$$\therefore M + 4y = 27$$

$$M + 4 \times 3 = 27$$

$$M + 12 = 27$$

$$M = 27 - 12$$

$$\boxed{M = 15}$$

अतः 3 दिन का किराया 15 रु
प्रतिदिन किराया 5 रु