

समय : 3 घंटे

पूर्णांक : 75

निर्देश :

1. सभी प्रश्न हल करना अनिवार्य है।
2. प्रश्नों के लिए आवंटित अंक उनके सम्मुख अंकित हैं।
3. प्रश्न क्र. 1 से प्रश्न क्र. 5 तक वस्तुनिष्ठ प्रश्न हैं।
4. प्रश्न क्र. 6 से प्रश्न क्र. 23 तक प्रत्येक प्रश्न में आंतरिक विकल्प दिया गया है।

प्र.01 सही विकल्प चुनिए।

1 × 6 = 6

1. 14 और 16 का HCF होगा:

- (a) 3 (b) 4 (c) 2 (d) 5

2. यदि द्विघात बहुपद  $2x^2 - 8x + 6$  के शून्यक  $\alpha$  और  $\beta$  हों, तो  $\alpha + \beta$  का मान होगा:

- (a) 3 (b) -3 (c) 4 (d) -4

3. यदि  $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} \neq \frac{c_1}{c_2}$  तो रेखिक समीकरण युग्म  $a_1x + b_1y + c_1 = 0$  तथा  $a_2x + b_2y + c_2 = 0$  का

- (a) एक अद्वितीय हल होगा। (b) कोई हल नहीं होगा।  
(c) अनन्त: अनेक हल होंगे। (d) इनमें से कोई नहीं।

4. यदि द्विघात समीकरण  $ax^2 + bx + c = 0$  के मूल समान हों तो समीकरण के विविक्तकर का मान होगा:

- (a) 0 (b) 1 (c) 2 (d) 3

5. A.P.: 13, 10, 7, ... का 30 वां पद है:

- (a) 100 (b) 80 (c) -74 (d) -84

6. किसी  $\triangle ABC$  में  $DE \parallel AB$  तथा  $CD = 3\text{ cm}$ ,  $EC = 4\text{ cm}$ ,  $BE = 6\text{ cm}$  तब  $DA$  होगा:

- (a) 7.5 cm (b) 3 cm (c) 4.5 cm (d) 6 cm

प्र.02 रिक्त स्थान की पूर्ति कीजिए।

1 × 6 = 6

1.  $4\sqrt{3}$  एक ..... संख्या है। (परिमेय / अपरिमेय)
2. द्विघात बहुपद में शून्यकों की अधिकतम संख्या ..... होती है। (2 / 1)
3. समीकरण  $2x + y = k$  में यदि  $x = 2$ ,  $y = 1$  हो तो  $k$  का मान ..... होगा। (-5, 5)
4. एक समीकरण  $P(x) = 0$ , जहाँ  $P(x)$  घात 2 का बहुपद हो, ..... समीकरण कहलाती है।  
(द्विघात, त्रिघात)
5. यदि  $a$ ,  $b$ ,  $c$  समांतर श्रेणी में हैं, तब  $b$  को  $a$  और  $c$  का ..... कहते हैं।  
(समांतर माध्य, गुणोत्तर माध्य)
6. समरूप त्रिभुज के संगत कोण ..... होते हैं। (बराबर / असमान)

प्र.03 सत्य / असत्य लिखिए।

1 × 6 = 6

1. एक प्राकृत संख्या का अभाज्य गुणनखंडन, उसके गुणनखंडों के क्रम को छोड़ते हुए अद्वितीय होता है।
2.  $ax + b = 0$  एक द्विघात समीकरण है।
3. यदि एक त्रिभुज के दो कोण एक अन्य त्रिभुज के क्रमशः दो कोणों के बराबर हों, तो त्रिभुज समरूप होते हैं।
4.  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  एक परिमेय संख्या है।
5. एक बहुपद  $p(x)$  के शून्यक उन बिन्दुओं के  $x$  निर्देशांक होते हैं, जहाँ  $y = p(x)$  का ग्राफ  $x$ - अक्ष को प्रतिच्छेद करता है।
6. द्विघात समीकरण  $2x^2 - 4x + 3 = 0$  का विविक्तकर 8 है।

प्र.04 सही जोड़ी मिलाइए।

1 × 6 = 6

स्तम्भ - (A)

स्तम्भ - (B)

- |                                              |                       |
|----------------------------------------------|-----------------------|
| 1. 81 और 27 का LCM है                        | a. 0                  |
| 2. रेखिक बहुपद की घात                        | b. 9                  |
| 3. $x + 2y + 3 = 0$ में यदि $x = 0$ तो $y =$ | c. 81                 |
| 4. द्विघात समीकरण $x^2 - 1 = 0$ के मूल       | d. 1                  |
| 5. समांतर श्रेणी का $n$ वाँ पद               | e. $-\frac{3}{2}$     |
| 6. सभी वर्ग होते हैं                         | f. 1, -1              |
|                                              | g. $a_n = a + (n-1)d$ |
|                                              | h. समरूप              |
|                                              | i. समान               |

प्र.05 एक शब्द / वाक्य में उत्तर दीजिए।

1 × 6 = 6

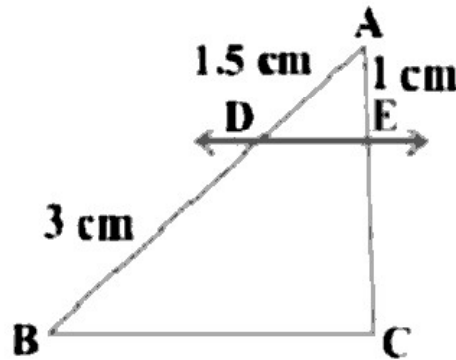
1. यदि किसी द्विघात समीकरण के विविक्तकर का मान धनात्मक हो तो उस समीकरण के मूलों की प्रकृति कैसी होगी?
2. A.P.: 5, 7, 9, ..., 41 में पदों की संख्या बताइए।
3. क्या सभी समद्विबाहु त्रिभुज समरूप होते हैं?
4. द्विघात बहुपद  $x^2 + 7x + 10$  के शून्यकों का योग लिखिए।
5. रेखिक समीकरण  $y = mx + 3$  में यदि  $x = -2, y = 5$  हो तो  $m$  का क्या मान होगा?
6. संख्या 5005 के अभाज्य गुणनखंड लिखिए।

- प्र.06 संख्याओं 312 और 12 का LCM ज्ञात कीजिए। 2
- अथवा  
संख्याओं  $4^n$  पर विचार कीजिए, जहाँ  $n$  एक प्राकृत संख्या है। जाँच कीजिए कि क्या  $n$  का कोई मान है, जिसके लिए  $4^n$  अंक शून्य (0) पर समाप्त होता है।
- प्र.07 HCF (306, 657) = 9 दिया है। LCM (306, 657) ज्ञात कीजिए। 2
- अथवा  
व्याख्या कीजिए कि  $7 \times 11 \times 13 + 13$  और  $7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 + 5$  भाज्य संख्याएँ क्यों हैं?
- प्र.08 बहुपद  $x^2 - 15$  के शून्यक ज्ञात कीजिए। 2
- अथवा  
यदि द्विघात बहुपद के शून्यकों का योग 4 एवं गुणनफल 1 है, तो बहुपद ज्ञात कीजिए।
- प्र.09 बहुपद  $x^2 - 2x - 8$  के शून्यकों का गुणनफल ज्ञात कीजिए। 2
- अथवा  
द्विघात बहुपद  $x^2 + 7x + k$  के शून्यकों का गुणनफल 10 है, तो  $k$  का मान ज्ञात कीजिए।
- प्र.10 निम्न स्थिति के लिए रैखिक समीकरण युग्म बनाइए:  
दो संख्याओं का अंतर 26 है और एक संख्या दूसरी संख्या की तीन गुनी है। 2
- अथवा  
दो चरों वाले रैखिक समीकरण युग्म का एक उदाहरण लिखिए, जिसके द्वारा निरूपित रेखाएँ समांतर रेखाएँ हों।
- प्र.11 अनुपातों  $\frac{a_1}{a_2}, \frac{b_1}{b_2}$  और  $\frac{c_1}{c_2}$  की तुलना कर ज्ञात कीजिए कि समीकरण युग्म  $9x + 3y + 12 = 0$  और  $18x + 6y + 24 = 0$  द्वारा निरूपित रेखाएँ एक बिंदु पर प्रतिच्छेद करती हैं, समांतर हैं अथवा संपाती हैं। 2
- अथवा  
समीकरण युग्म  $x + y = 14$  और  $x - y = 4$  को प्रतिस्थापन विधि से हल कीजिए।
- प्र.12 निम्नलिखित स्थिति को गणितीय रूप में व्यक्त कीजिए:  
दो क्रमागत धनात्मक पूर्णांकों का गुणनफल 306 है। हमें पूर्णांकों को ज्ञात करना है। 2
- अथवा  
जाँच कीजिए कि समीकरण  $(x + 2)^3 = 2x(x^2 - 1)$  द्विघात समीकरण हैं या नहीं।
- प्र.13 द्विघात समीकरण  $2x^2 - 3x + 5 = 0$  के मूलों की प्रकृति ज्ञात कीजिए। 2
- अथवा  
द्विघात समीकरण  $2x^2 + kx + 3 = 0$  में  $k$  का ऐसा मान ज्ञात कीजिए कि उसके दो बराबर मूल हों।
- प्र.14 समांतर श्रेणी का प्रथम पद  $a = -3$  और सार्व-अंतर  $d = 5$  हो तो अगले चार पद लिखिए। 2
- अथवा  
7 के प्रथम 10 गुणजों का योग ज्ञात कीजिए।
- प्र.15 किसी समांतर श्रेणी का 17 वां पद उसके 10 वे पद से 7 अधिक है। इसका सार्व-अंतर ज्ञात कीजिए। 2
- अथवा

दो समांतर श्रेणियों के सार्व-अंतर समान हैं, यदि इनके 100 वे पदों का अंतर 100 है, तो इनके 1000 वे पदों का अंतर क्या होगा?

प्र.16 आकृति में  $DE \parallel BC$  है।  $EC$  ज्ञात कीजिए।

2



अथवा

किसी  $\Delta PQR$  की भुजाओं  $PQ$  और  $PR$  पर क्रमशः बिंदु  $E$  और  $F$  स्थित हैं। यदि  $PE = 3.9 \text{ cm}$ ,  $EQ = 3 \text{ cm}$ ,  $PF = 3.6 \text{ cm}$  और  $FR = 2.4 \text{ cm}$  तो कारण सहित बताइए कि  $EF \parallel QR$  है या नहीं।

प्र.17 लंबाई 6 मी. वाले एक ऊर्ध्वाधर स्तंभ की भूमि पर छाया की लंबाई 4 मी है, जबकि उसी समय एक मीनार की छाया की लंबाई 28 मी है। मीनार की ऊँचाई ज्ञात कीजिये।

2

अथवा

दो समरूप त्रिभुजों  $\Delta ABC$  और  $\Delta DEF$  में यदि  $\angle A = 47^\circ$ ,  $\angle E = 83^\circ$  तो  $\angle C$  का मान ज्ञात कीजिये।

प्र.18 दर्शाइए कि  $6 + \sqrt{2}$  एक अपरिमेय संख्या है।

3

अथवा

संख्याओं 510 और 92 के HCF और LCM ज्ञात कीजिए तथा जाँच कीजिए कि दो संख्याओं का गुणनफल = HCF  $\times$  LCM.

प्र.19 द्विघात बहुपद  $6x^2 - 7x - 3$  के शून्यक ज्ञात कीजिए और शून्यकों तथा गुणांकों के बीच के संबंध की सत्यता की जाँच कीजिए।

3

अथवा

यदि  $\alpha$  और  $\beta$  द्विघात बहुपद  $3x^2 - x - 4$  के शून्यक हों तो  $\alpha + \beta$  एवं  $\alpha\beta$  के मान ज्ञात कीजिए।

प्र.20 रैखिक समीकरण युग्म

3

$$3x + 5y - 8 = 0$$

$$9x = 2y + 7$$

को विलोपन विधि से हल कीजिए।

अथवा

दो व्यक्तियों की आय का अनुपात 9:7 है और उनके खर्चों का अनुपात 4:3 है। यदि प्रत्येक व्यक्ति महीने में Rs. 2000 बचा लेता है, तो उनकी मासिक आय ज्ञात कीजिए।

प्र.21 दो संख्याएँ ज्ञात कीजिए जिनका योग 17 तथा गुणनफल 72 हो।

4

अथवा

गुणनखंड विधि से समीकरण  $\sqrt{2}x^2 + 7x + 5\sqrt{2} = 0$  को हल कीजिए।

- प्र.22 यदि किसी A.P. के प्रथम 14 पदों का योग 1050 है तथा इसका प्रथम पद 10 है तो 20 वाँ पद ज्ञात कीजिए।

4

अथवा

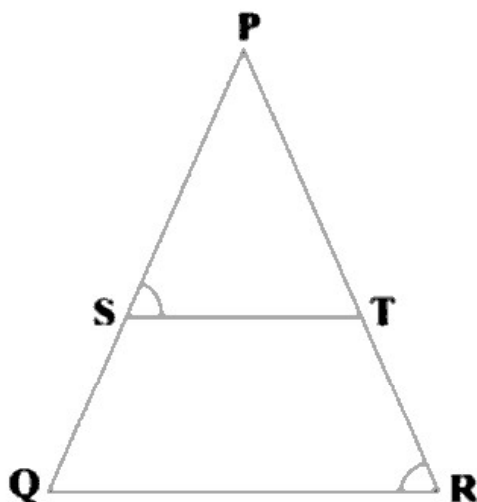
संख्याओं की उस सूची के प्रथम 24 पदों का योग ज्ञात कीजिए, जिसका  $n$ वाँ पद  $a_n = 3 + 2n$  से दिया जाता है।

- प्र.23 यदि किसी त्रिभुज की एक भुजा के समांतर अन्य दो भुजाओं को भिन्न-भिन्न बिन्दुओं पर प्रतिच्छेद करने के लिए एक रेखा खींची जाए, तो सिद्ध कीजिए कि ये अन्य दो भुजाएँ एक ही अनुपात में विभाजित होती हैं।

4

अथवा

आकृति में  $\frac{PS}{SQ} = \frac{PT}{TR}$  है तथा  $\angle PST = \angle PRQ$  है। सिद्ध कीजिए कि  $\Delta PQR$  एक समद्विबाहु त्रिभुज है।



\*\*\*\*\*